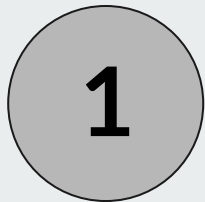




Machine learning

Reti neurali

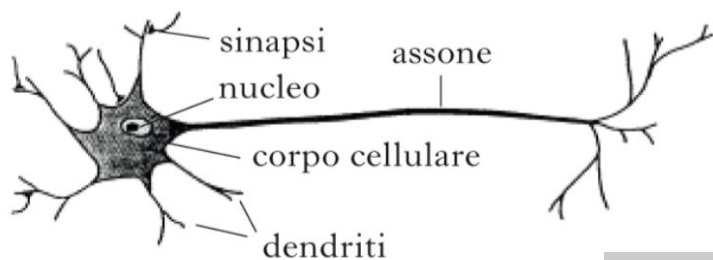
A cura di Giulio Pons e Marco Orlandi
Share Makerspace Cusano



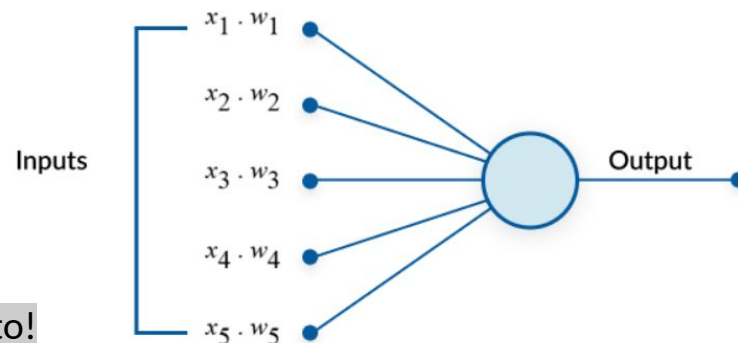
Cenni storici

L'intelligenza artificiale è una ampia disciplina dell'informatica che consente la creazione di sistemi che ad un osservatore esterno sembrano dotati di intelligenza.

- Con i primi calcolatori nasce già l'idea di creare macchine intelligenti (teoria del test di Turing, 1950)
- Le **reti neurali**, ispirate ai nostri neuroni, sono studiate e teorizzate già negli anni '60.
- Il limite della capacità di calcolo e la mole di dati necessari, blocca lo sviluppo di questa tecnologia.
- Nel 2007 con le GPU (processori grafici per i videogiochi) il limite tecnologico cade



C'è apprendimento!



Machine learning

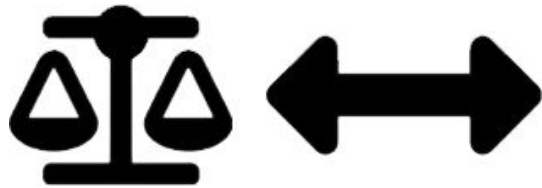
Le reti neurali permettono di affrontare un problema a partire dai dati e di ottenere così un modello (la rete neurale) che può essere interrogato con nuovi dati per ottenere delle previsioni.

La macchina quindi apprende.

Questi sviluppi hanno portato negli a brillanti risultati:

- riconoscimento ocr
- filtro antispam
- riconoscimento vocale
- riconoscimento immagini / volti
- guida autonoma
- ...













Esempio classificatore: Gatto delle sabbie e gatto della giungla



Vogliamo riconoscere le due specie di gatto a partire da due dati: peso e lunghezza.
















Dati 1












											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	

I dati costituiscono la conoscenza, sono fissi, non modificabili.

Dati 2 - nuovo dato da classificare

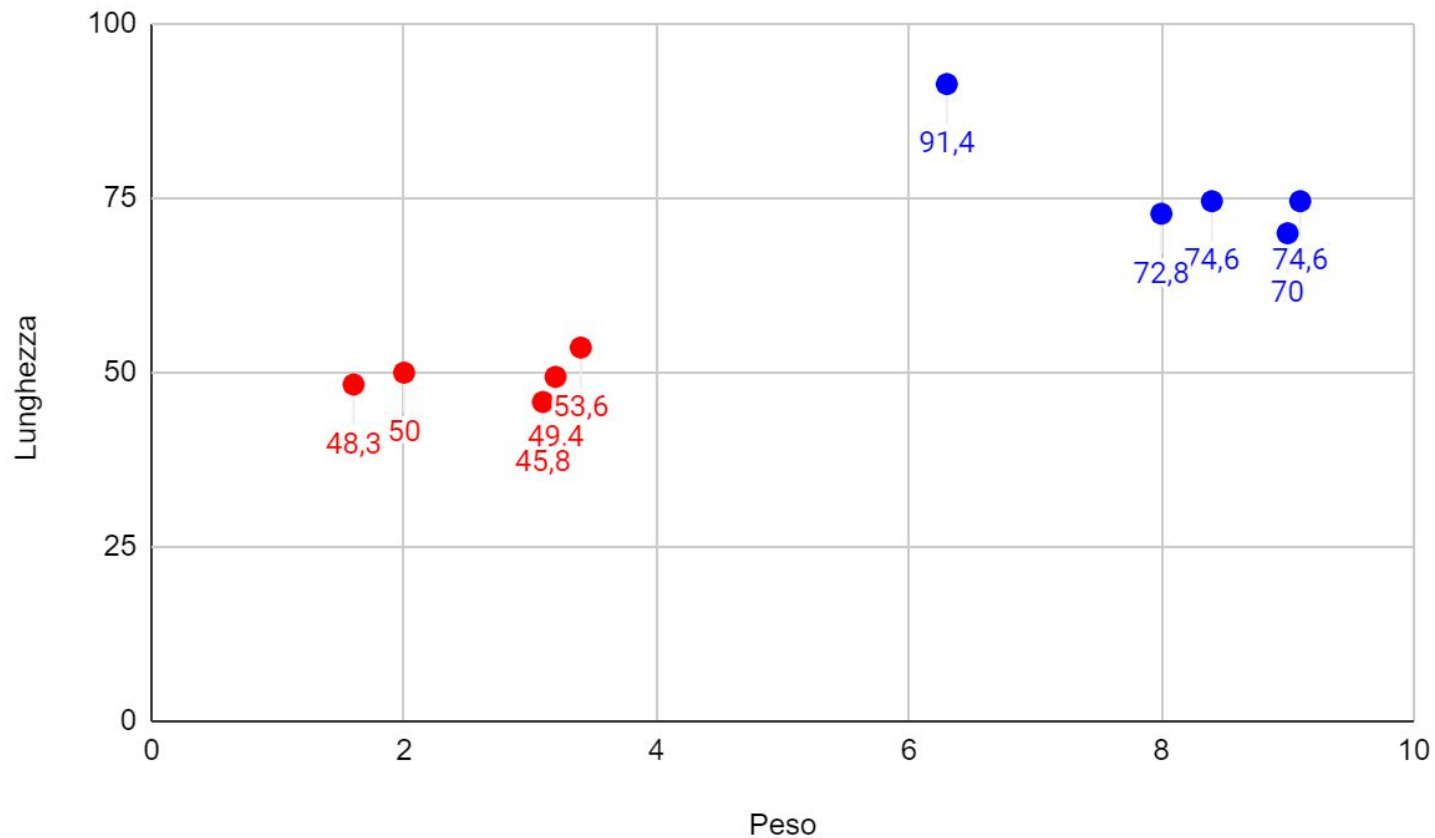
											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	2,9
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	55,2

Dati 3 - osservazioni preliminari





											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	2,9
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	55,2

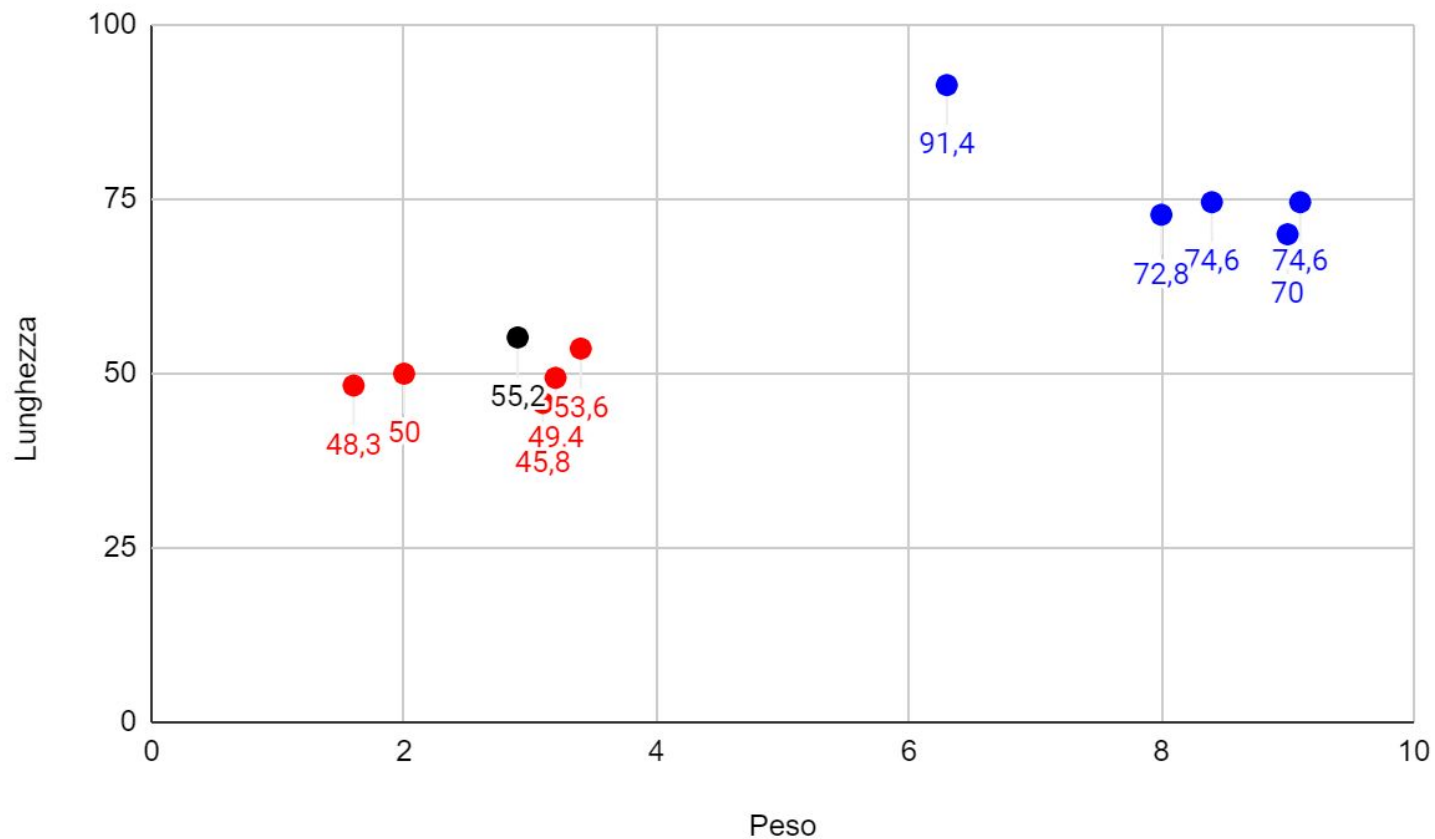
Dati 4 - visualizzazione

											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	2,9
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	55,2









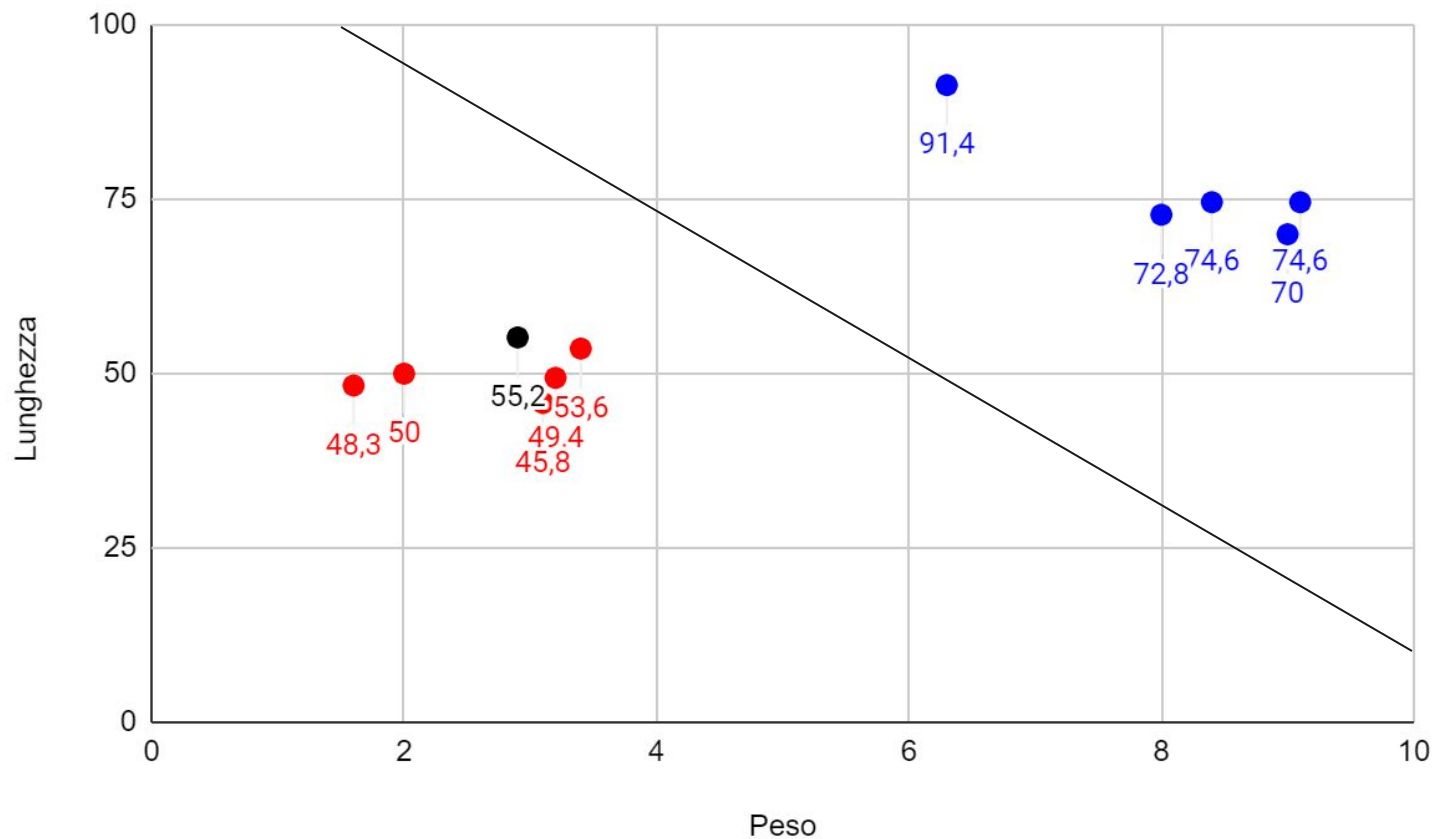
Dati 4 - visualizzazione

											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	2,9
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	55,2



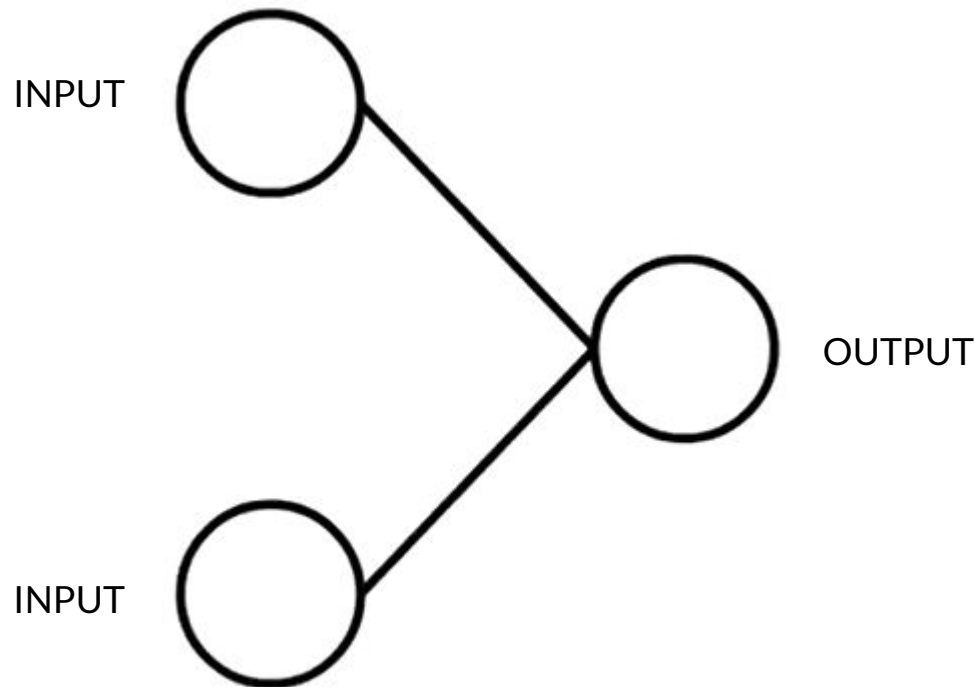
Dati 4 - visualizzazione

											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	2,9
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	55,2



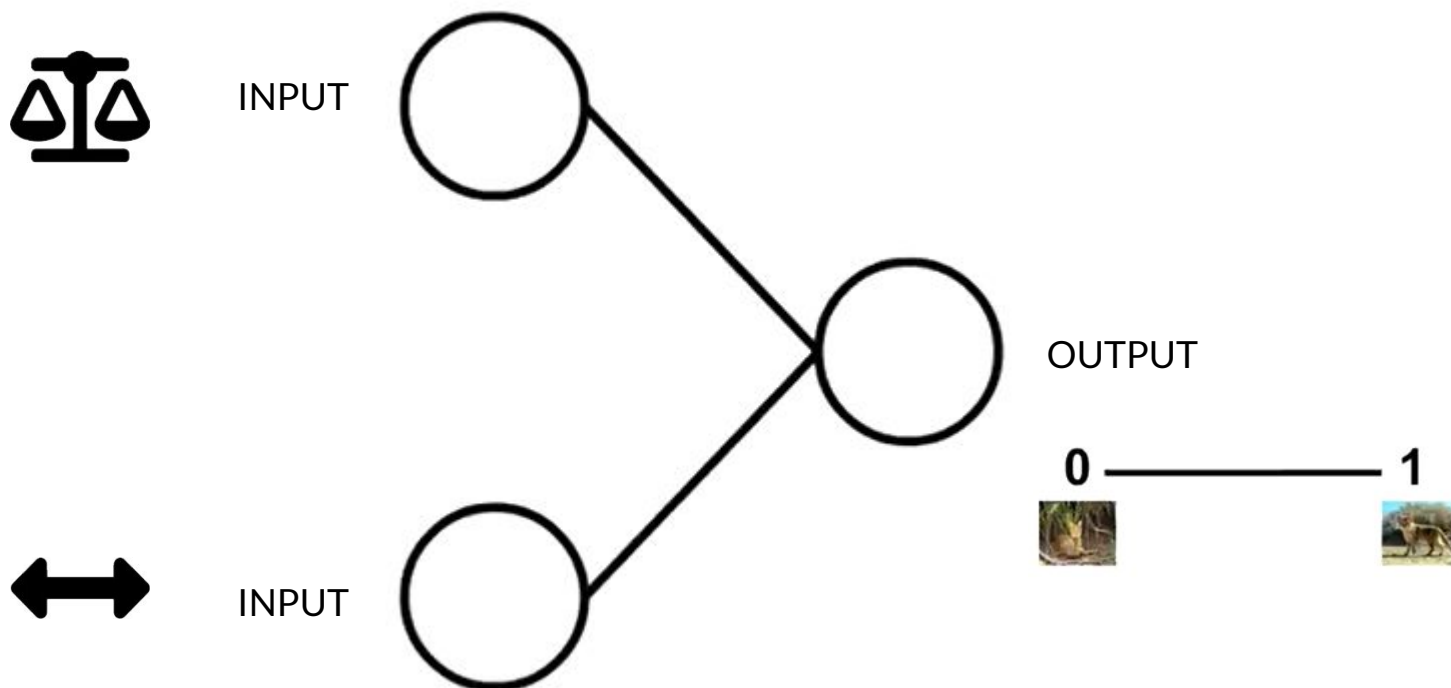
Uso le reti neurali (RN)

- Se ho migliaia di dati l'approccio "guardo sul grafico" non è applicabile
- Posso però insegnare ad una rete neurale a classificare le due specie di gatti, addestrandola prima con i dati.



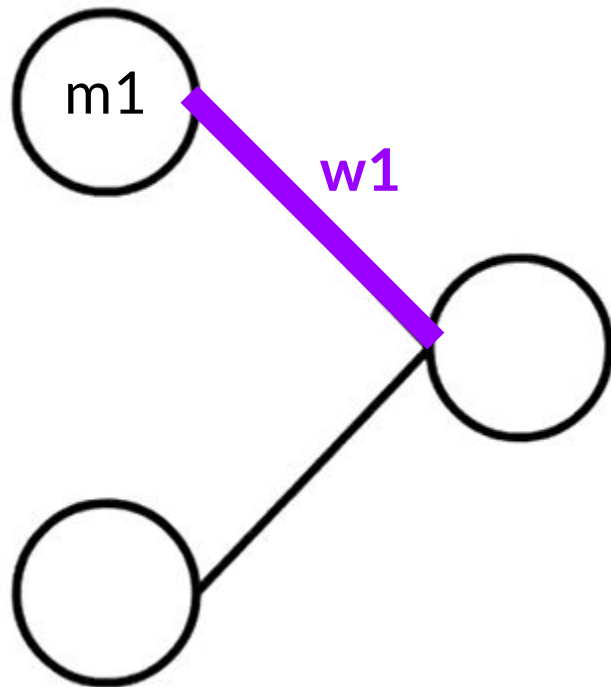
Uso le reti neurali

- la rete neurale è di fatto è un programma di un computer che calcola una **funzione** utilizzando gli ingressi e restituendo un risultato
- ho due ingressi per peso e lunghezza e un'uscita con cui voglio classificare il gatto (**della giungla 0** o **delle sabbie 1**)



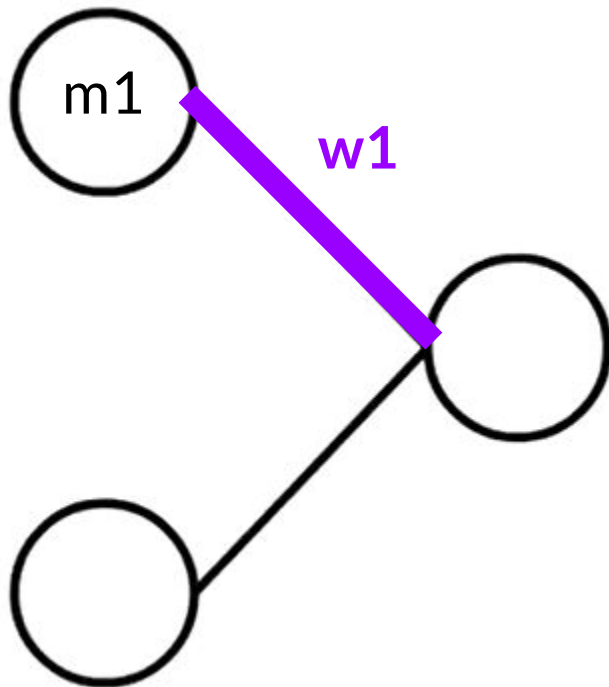
Teoria: Funzione RN

m = measure
w = weight



Funzione RN

la prima parte della
funzione è la
combinazione lineare
degli ingressi

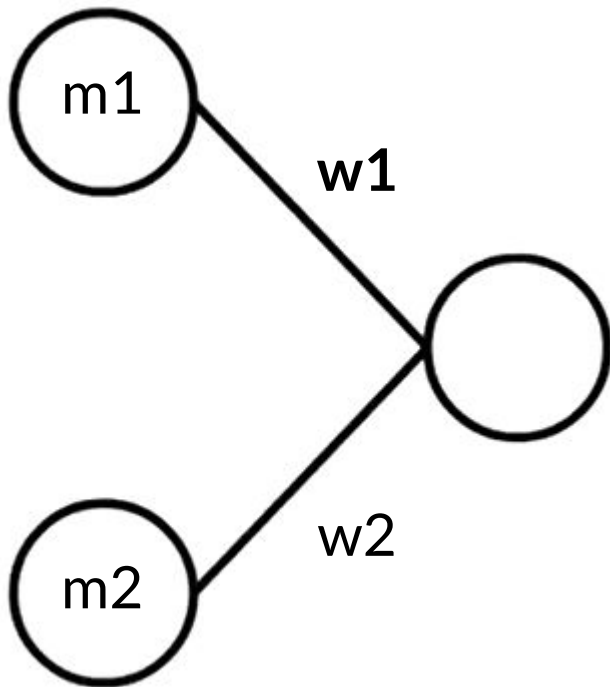


$$m1 * w1$$



Funzione RN

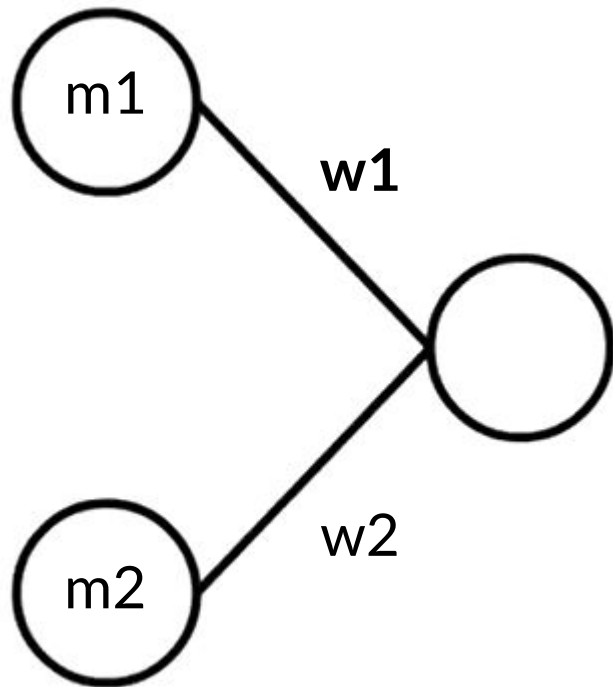
la prima parte della
funzione è la
combinazione lineare
degli ingressi



$$\begin{array}{c} m_1 * w_1 \\ \searrow \\ m_1 * w_1 + m_2 * w_2 \\ \nearrow \\ m_2 * w_2 \end{array}$$



Funzione RN



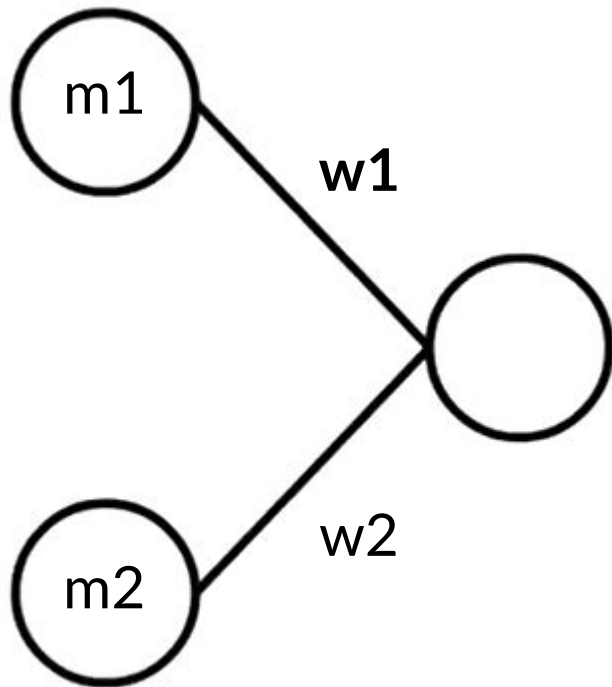
la prima parte della funzione è la **combinazione lineare** degli ingressi

aggiungo un altro parametro, il **bias**

$$m1*w1 + m2*w2 + \text{bias}$$



Funzione RN



la prima parte della funzione è la **combinazione lineare** degli ingressi

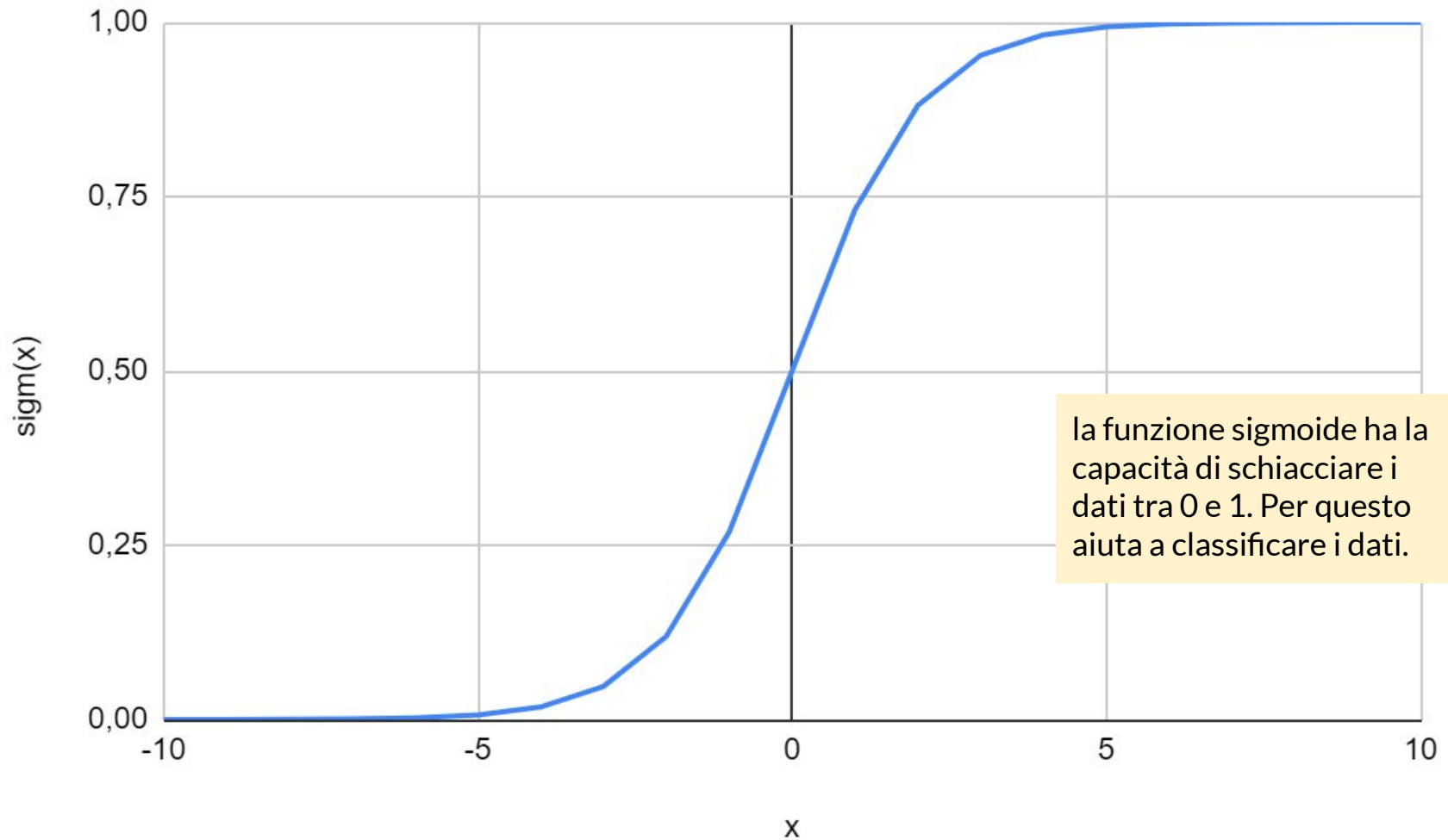
aggiungo un altro parametro, il **bias**

e applico la **sigmoide**

$$\text{Sigm}(m1*w1 + m2*w2 + b)$$

Funzione sigmoide

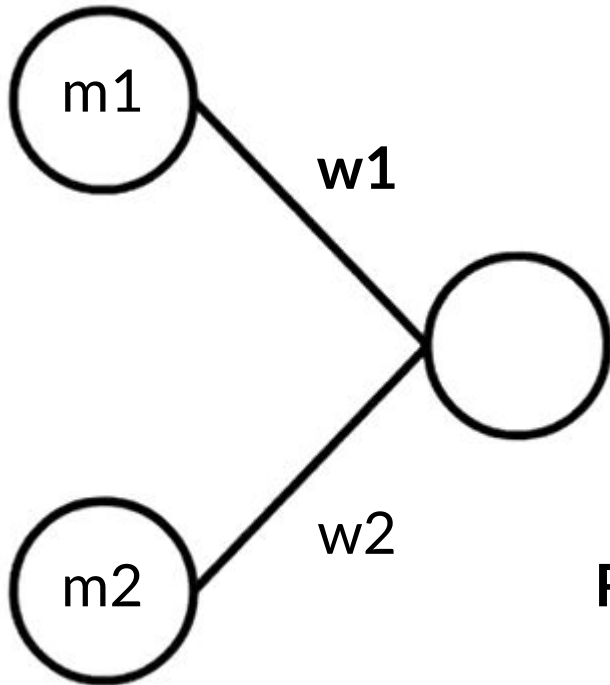
$$\text{Sigmoide}(s) = \frac{1}{1 + e^{-s}}$$










la funzione sigmoide ha la capacità di schiacciare i dati tra 0 e 1. Per questo aiuta a classificare i dati.

Torniamo all'esempio...

RN (m1,m2)



					
	9	2	3,2	9,1	1,6
	70	50	49,4	74,6	48,3













$w1=?$ $w2=?$ $b=?$

$$RN(9, 70) = \text{Sigm}(9 * w1 + 70 * w2 + b)$$

inizialmente non si conoscono le incognite e si mettono valori a piacere

Introduciamo la funzione di costo

- Poiché inizialmente non si conoscono pesi e bias, li si mette a piacere e si stabilisce una **funzione di costo**
- Con i dati si fanno delle prove e si modificano iterativamente i parametri (w_1 , w_2 e b) per ridurre al minimo la funzione di costo

											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	



è un'altra funzione il cui risultato voglio rendere minimo modificando i parametri

$$RN(9, 70) = \text{Sigm}(9 * w_1 + 70 * w_2 + b)$$

Funzione di costo

$p = \text{previsione} = \text{RN}(m_1, m_2) = \text{Sigm}(m_1 * w_1 + m_2 * w_2 + b)$

$o = \text{obiettivo} = 1 \mid 0$ caso per caso dai dati

$\text{costo} = (p - o)^2$ **Errore quadratico**

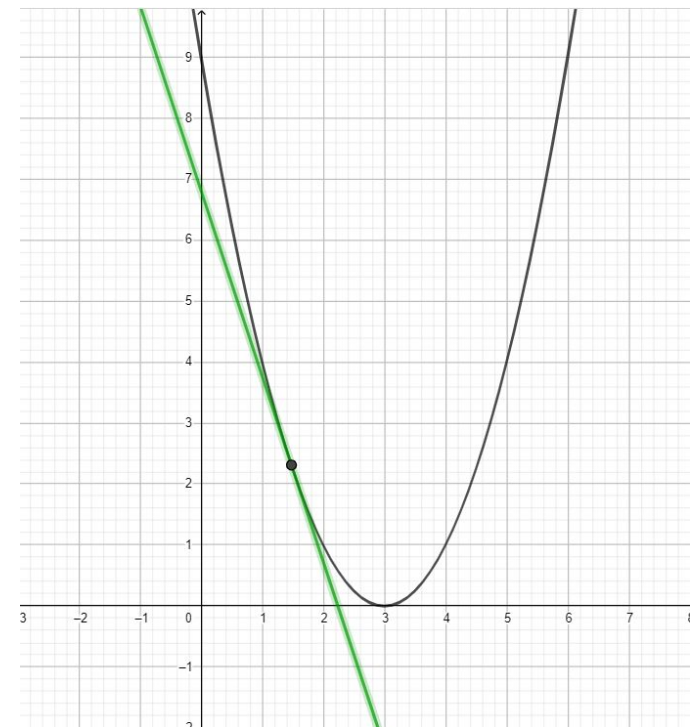
[Foglio excel calcolatore](#)

Ridurre la funzione di costo

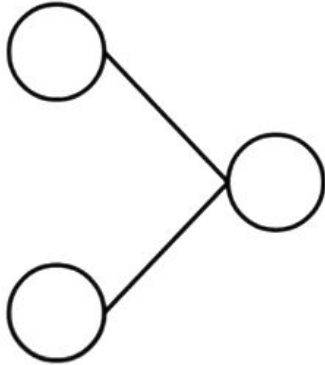
Per ridurre la funzione di costo il programma procede per approssimazioni successive, calcolando la derivata della funzione di costo.

Considerando una parabola ($(p-o)^2$ è una parabola), la derivata indica la pendenza della retta tangente alla parabola. Quando si riduce la pendenza si arriva al minimo della parabola.

I pesi ad ogni iterazione vengono quindi modificati di una frazione della derivata, in questo modo si arriva gradualmente, iterazione dopo iterazione, al minimo (dove c'è il vertice della parabola).



Ricapitolando



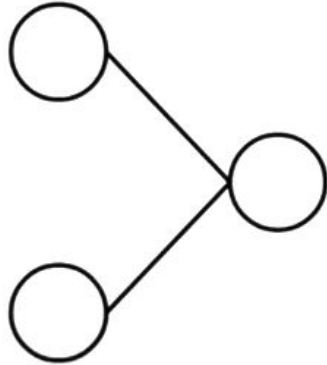
Forward propagation

$$p = \text{RN}(9, 70) = \text{Sigm}(2 * w_1 + 50 * w_2 + b)$$

Funzione di costo

$$\text{costo}(w_1, w_2, b) = (p - o)^2 = (1 - \text{Sigm}(2 * w_1 + 50 * w_2 + b))^2$$

Ricapitolando



Back Propagation
modifico parametri

$$w1 = w1_{precedente} - \text{frazione} * \text{derivata}_{w1}$$

$$w2 = w2_{precedente} - \text{frazione} * \text{derivata}_{w2}$$

$$b = b_{precedente} - \text{frazione} * \text{derivata}_b$$

ripeto

Visualizzazione 3D

[Grafico](#)

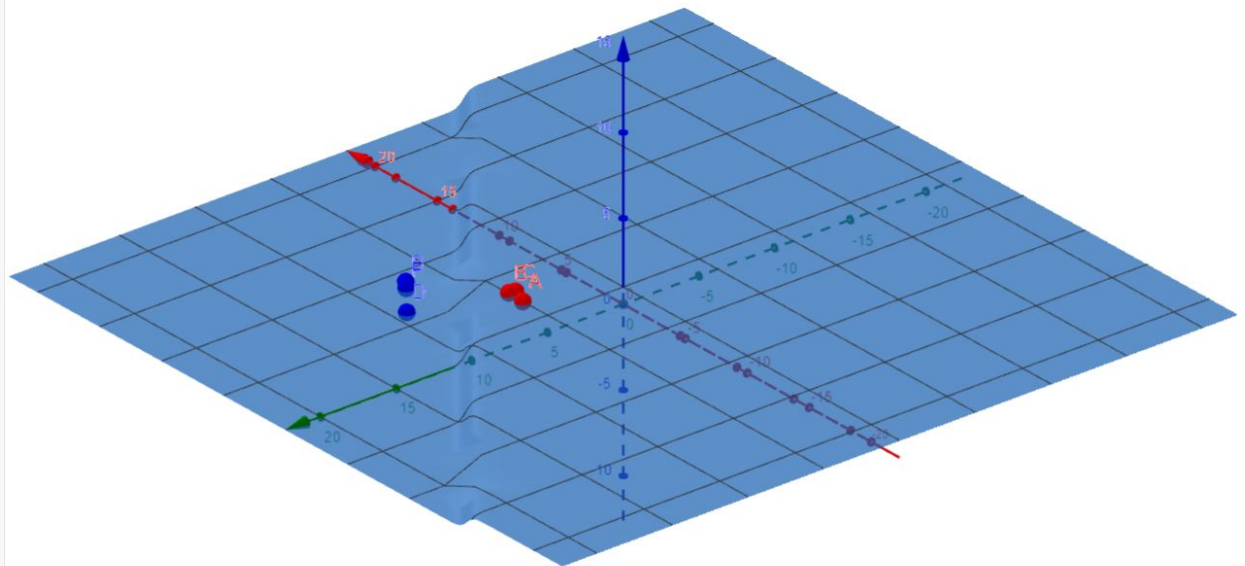
[Foglio excel calcolatore](#)

GeoGebra

CREA CLASSE

Control panel for the 3D visualization:

- $w1 = -3.9$
-5 5
- $w2 = -4.8$
-5 5
- $b = 50$
-50 50
- $RN(x, y) = \text{sigmoide}(x w1 + y w2 + b)$
$$\rightarrow \frac{1}{1 + e^{-(x(-3.9)+y(-4.8)+50)}}$$
- $A = (2, 5, 1)$
- $B = (9, 7, 0)$
- $C = (3.1, 4.58, 1)$
- $D = (6.3, 9.14, 0)$
- $E = (3.2, 4.94, 1)$
- $F = (8.4, 7.46, 0)$
















[Con Tensorflow.js](#)

Tipologie di machine learning

- Apprendimento supervisionato
(classificatore, regressore)

- Apprendimento non supervisionato
(individua strutture nei dati)

- Apprendimento per rinforzo
(agenti autonomi con obiettivi)

											
	9	2	3,2	9,1	1,6	8,4	8	3,1	6,3	3,4	2,9
	70	50	49,4	74,6	48,3	74,6	72,8	45,8	91,4	53,6	55,2



Fine

References:

- Test di Turing
- Applicazioni dell'IA
- Introduzione alle reti neurali di Riccardo Talarico 1 e 2
- Corso Elements of AI
- AI plays Snake
- Matematico stupito